

Modellierung 14.1.15

partielle Ordnung

Beispiel: Teilr-Beziehung $x|y$

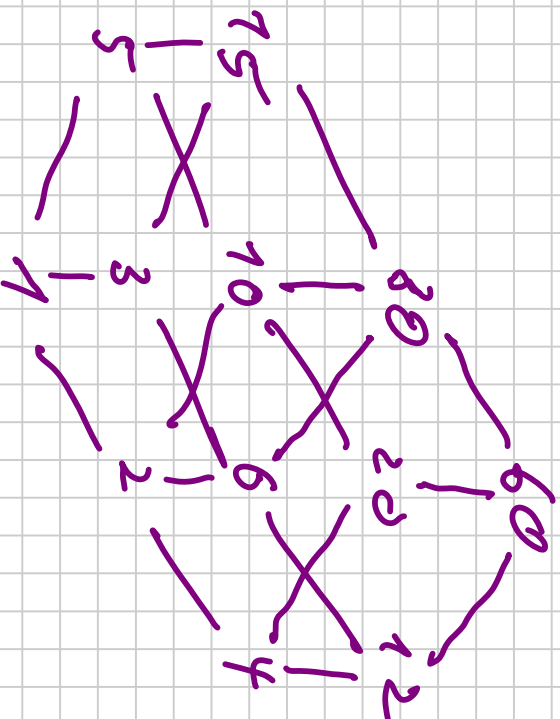
$$X = \mathbb{N} \quad R \subseteq \mathbb{N} \times \mathbb{N}$$

Reflexivität: $x|x$ ✓

Transitivität: $x|y, y|z \Rightarrow x|z$ ✓

Antisymmetrie: $x|y, y|x \Rightarrow x=y$ ✓

Klasse - Diagramm



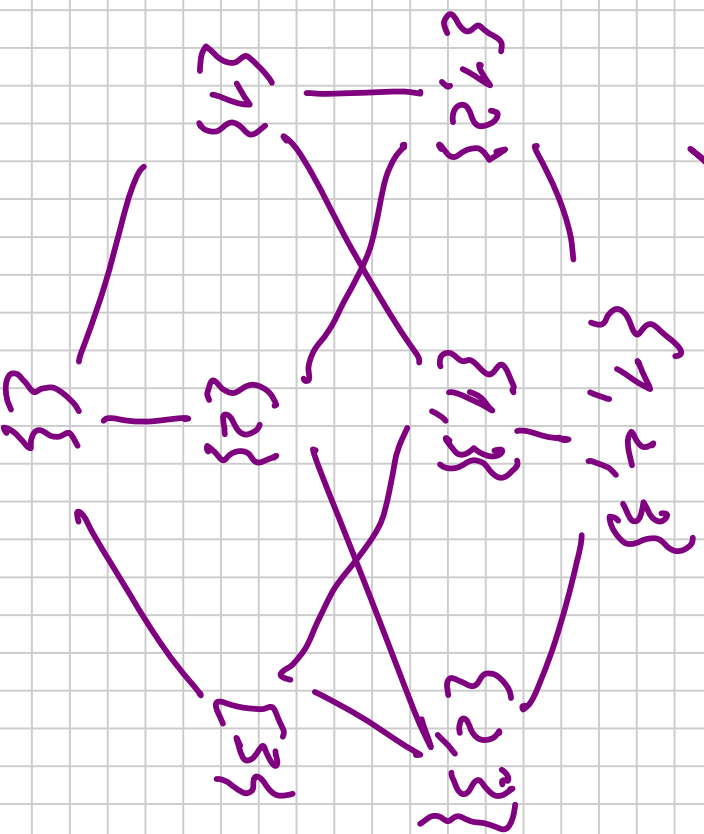
Partielle Ordnung: Beispiele / Teilmengenbeziehung

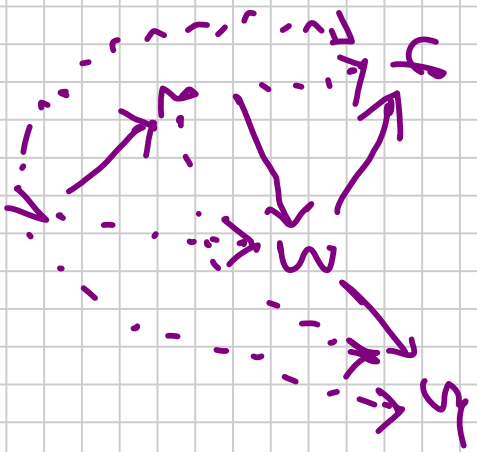
Reflexivität: $x \subseteq x \quad \checkmark$

Transitivität: $x \subseteq y, y \subseteq z \Rightarrow x \subseteq z \quad \checkmark$

Antisymmetrie: $x \subseteq y, y \subseteq x \Rightarrow x = y \quad \checkmark$

Hasse-Diagramm:

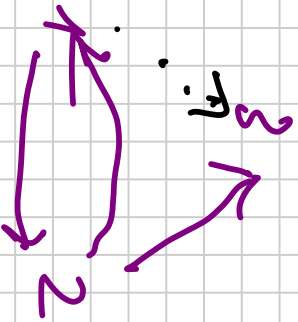




$$R^* = \{(1,2), (2,3), (3,4), (3,5)\} \cup$$

$$\{(1,1), (2,2), (3,3), (4,4), (5,5)\} \cup$$

$$\{(1,3), (1,4), (1,5), (2,4), (2,5)\}$$



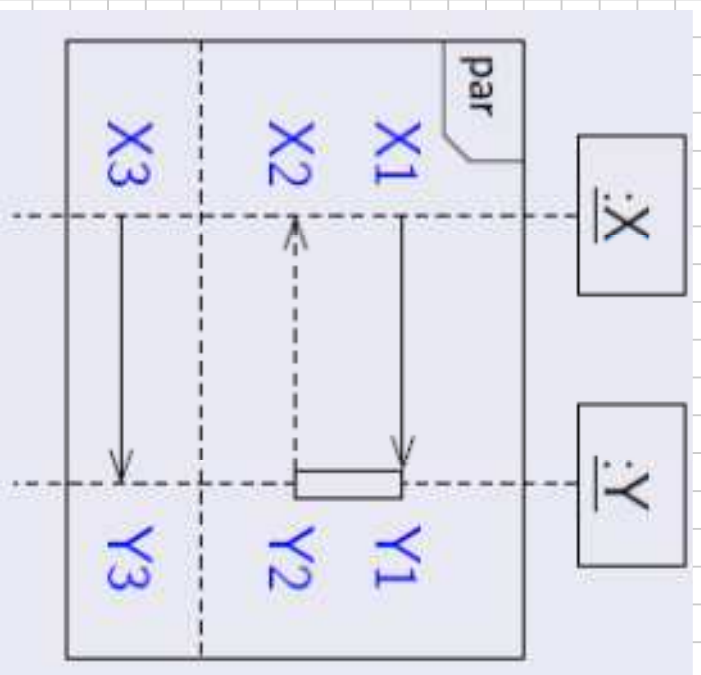
$$R = \{(1,2), (1,3), (2,3)\}$$

$$R^* = R \cup \{(1,3)\}$$

Antisymmetrie?

$$(1,2) \in R \wedge (2,1) \in R \Rightarrow (1=2)$$

\Rightarrow nicht antisymmetrisch



Ordnung auf den Ereign.::

$$X_1 < Y_1 < Y_2 < X_2$$

$$X_3 < Y_3$$

Mögliche Abläufe:

$$X_1, Y_1, X_3, Y_3, Y_2, X_2$$

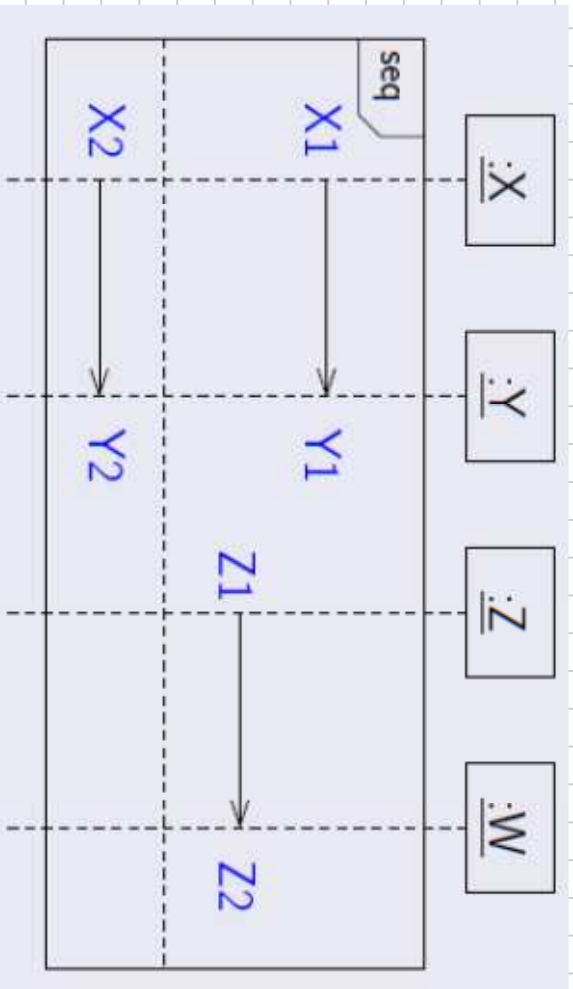
$$X_1, X_3, Y_3, Y_1, Y_2, X_2$$

$$X_3, X_1, Y_1, Y_2, X_2, Y_3$$

...

$$R_1 = \{(X_1, Y_1), (Y_1, Y_2), (Y_2, X_2)\} \quad R_2 = \{(X_3, Y_3)\}$$

$$R_{\text{par}} = R_1 \cup R_2$$



Ordnung:

$$X1 < Y1 < Z1 < Z2$$

$$X2 < Y2$$

$$X1 < X2$$

$$Y1 < Y2$$

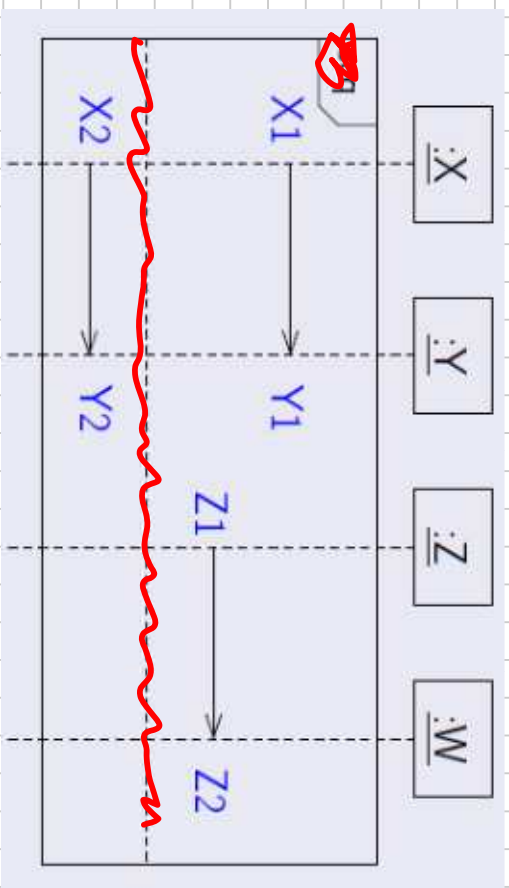
mögliche Abläufe

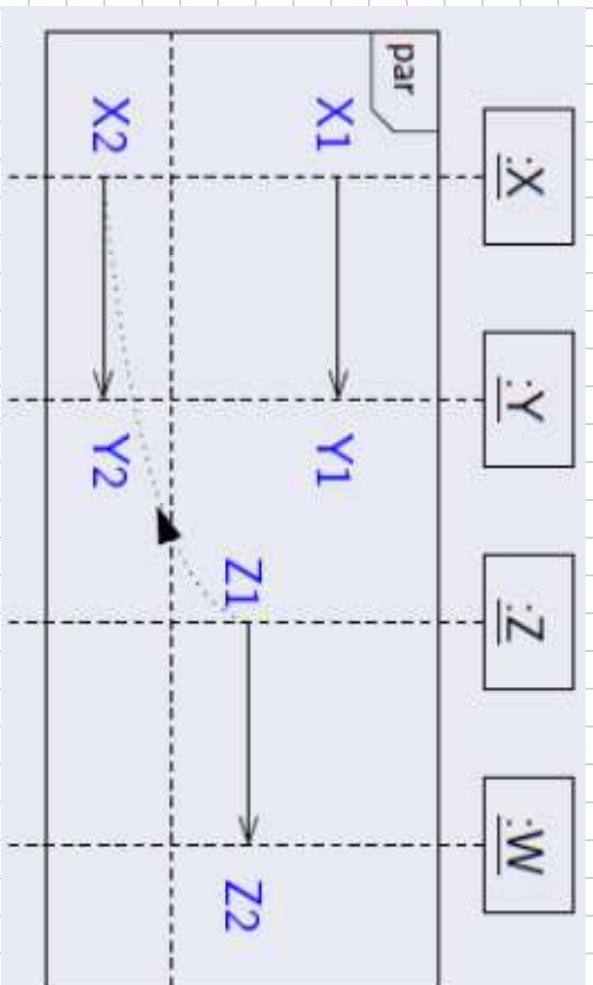
$$X1, Y1, Z1, Z2, X2, Y2$$

$$X1, X2, Y1, Z1, Z2, Y2$$

$$X1 < Y1 < Z1 < Z2 < X2 < Y2$$

ohne seq:





$$X_1 < Y_1 < Z_1 < Z_2$$

$$X_2 < Y_2$$

$$Z_1 < X_2$$

mögliche Abfolge

$$X_1, Y_1, Z_1, X_2, Y_2, Z_2$$

~~$$X_1, X_2, Y_1, Z_1, Z_2, Y_2$$~~

014

[PG-Hunger > normal]

[PG-Hunger = normal]

[e]se]

: Partygast : Bütte : Snacks

